

PC斜張橋用斜材定着部振動吸収用防振ゴムの新機構に関する研究

及川 孝一^{*1}・木部 洋^{*2}・大橋 渡^{*3}

はじめに

斜張橋は優美な景観をもち、またその景観を任意に選定できる自由度が高いところからも建設数が増加の一途をたどり、最大支間長も限界に迫るようになってきている。

その一方では、もともと振動しやすい斜材がますます長くなることで、振動による問題がよりクローズアップされてきた。

斜材定着部の構造は、風や走行車両による斜材の振動を十分に吸収できるものでなければならない。斜材の振動を吸収する緩衝装置としては防振ゴムを使用している例が多数あり、青森ベイブリッジにおけるように振動による斜材の二次曲げ応力度の減少を考慮した装置によって工夫されている例もある。

風による斜材の振動は、架設期間中、常に発生することが予想される。また斜材の張力調整も架設期間中に数回実施されることとなる。

以上の観点から斜材定着部の振動吸収用防振ゴムに次のような考えに基づく新しい機構を考案し、これの解析ならびに実証実験を行った。

- ① 防振ゴムは斜材架設時にすでに装着しておけるもので、かつ斜材の緊張に障害を起こさない。
- ② 斜材緊張後ただちに斜材に密着し架設期間中も十分に斜材定着部の振動吸収が行われる。また張力調整時には簡単に密着が解かれるものとする。
- ③ 防振ゴムのバネ定数は実用的範囲で簡単に計算できる。

のことにより、斜材定着部は架設中においても完成系と同様に斜材の振動を十分に吸収できることが可能となった。

1. 防振部と防振ゴムの構造

防振部の構造は、図-1 のようになっている。ここでは防振ゴムが機能している最終形状を示す。

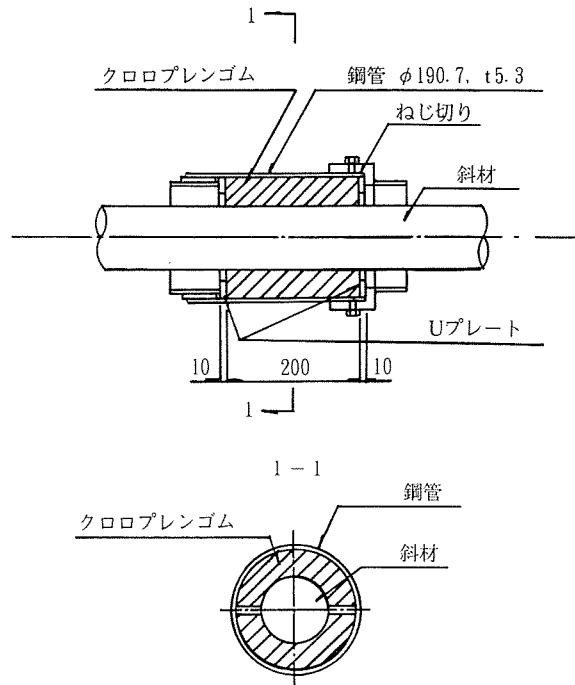


図-1 防振部の構造 (SEEE F 500 PH)

本件での斜材は、PC鋼より線複数本をさらに大よりもによって束ね、これにポリエチレンコーティングを施し、末端にマンションと呼ぶ定着具を圧着加工しねじ切りされた工場製造の完全プレハブ製品である SEEE F-PH 型を想定している。

防振ゴムは図-2 で示すように半割りになっており、その内径は斜材のコーティング外径より大きくなり、長さは図-1 の最終形状より長くしている。防振ゴムの軸方向両端面には U プレートを取り付けているが、これは

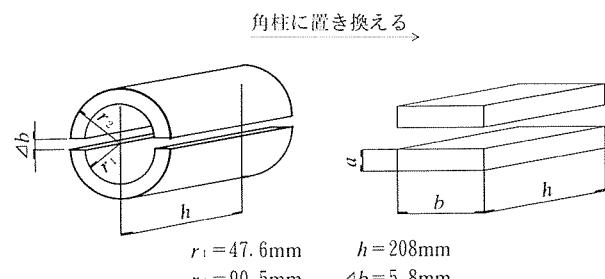


図-2 防振ゴム

^{*1} Koichi OIKAWA : (株) エスイー 技術開発部

^{*2} Hiroshi KIBE : (株) エスイー 技術開発部

^{*3} Wataru OHASHI : (株) エスイー 技術開発部

よって防振ゴムの軸方向圧縮量に伴う内径縮小量を内径キャリパーで計測し、同時に回転力を計測して計算値との比較をした。図-4に示すように、計算値と計測値は比較的良く合致することが判明し、また実用範囲内の圧縮力でゴムが変形し斜材に密着させ得ることが確認できた。

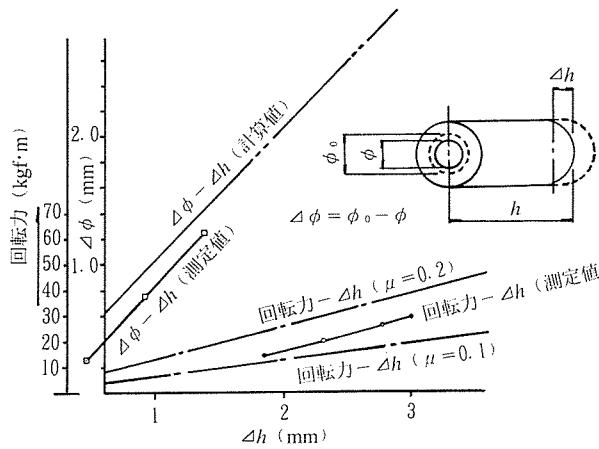


図-4 防振ゴムの挿入実験

3. 防振ゴムのバネ定数の計算方法および測定実験

3.1 防振ゴムのバネ定数の計算

防振ゴムのバネ定数は、振動による斜材の曲げ応力度を推定する際に必要な数値であることから、これを計算によって求められることは意義が大きいものと考えられる。

(1) 角形防振ゴムのバネ定数の計算

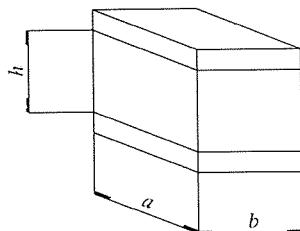


図-5 角形防振ゴム

① 通常の圧縮または引張りの場合

バネ定数は式(2)で計算することができる。

$$k_c^{(0)} = E_{ap}^{(0)} (A_L/h) \quad (2)$$

$k_c^{(0)}$ ：初期圧縮（引張り）バネ定数

$E_{ap}^{(0)}$ ：見掛けのヤング率の初期値 ($\varepsilon=0$)

A_L ：受圧面積

h ：ゴム部の高さ（自然状態）、筒形防振ゴムの絞り加工後のゴム部の高さ

$$E_{ap}^{(0)} = G (3 + 6.58 S^2)$$

ただし $1/3 \leq a/b \leq 3$

G ：横弾性係数 $= 7.15 H_s / (100 - H_s)$

ただしクロロプレンゴムの場合

H_s ：JISゴム硬度

S ：形状率 $= A_L/A_F$

A_F ：自由表面積（内面も含む）

② 変形による防振ゴムの弾性率の修正

次式で修正する。

$$G = (1 + \varepsilon_{ex})^2 G^{(0)} \quad (3)$$

$$E_{ap} = 1/3 \cdot \{1 + 2/(1 + \varepsilon_{ex})^3\} \cdot E_{ap}^{(0)} \quad (4)$$

$G^{(0)}$ ：修正前の横弾性係数

ε_{ex} ：ひずみ率 $= (h - h_0)/h_0$

h_0 ：変形前のゴム厚

h ：変形後のゴム厚

③ 傾斜あるいはこじりの場合の補正

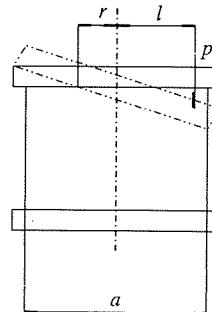


図-6 傾斜あるいはこじりの場合の防振ゴムの変形

図-6から、

$$k_l^{(0)} = k_c^{(0)} / [1 + 12(l/a)^2]$$

したがって

$$k_c^{(0)} = k_l^{(0)} \times [1 + 12(l/a)^2] \quad (5)$$

$k_l^{(0)}$ ： l 点の見掛けのバネ定数

$a : 1$

(2) 割りを入れて筒形に組み立てられている場合の近似計算

防振ゴムのバネ定数は、図-7のように半円筒を角柱に置き換えて(6)式で計算することができる。

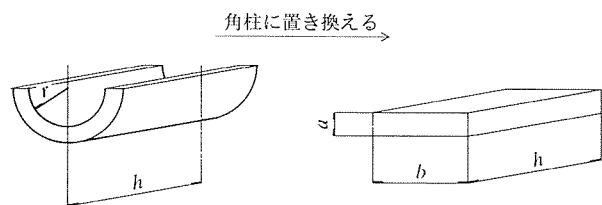


図-7 防振ゴム

$$k_c^{(0)} = E_{ap}^{(0)} (A_L/h) = E_{ap}^{(0)} \pi r b / h \quad (6)$$

$$S = \pi r b / \{2(b + \pi r)h - A_s\}$$

$$A_F = \pi r b$$

$$A_L = 2(b + \pi r)h - A_s$$

A_s ：拘束断面積 (F-PHではU-Plateを使用)

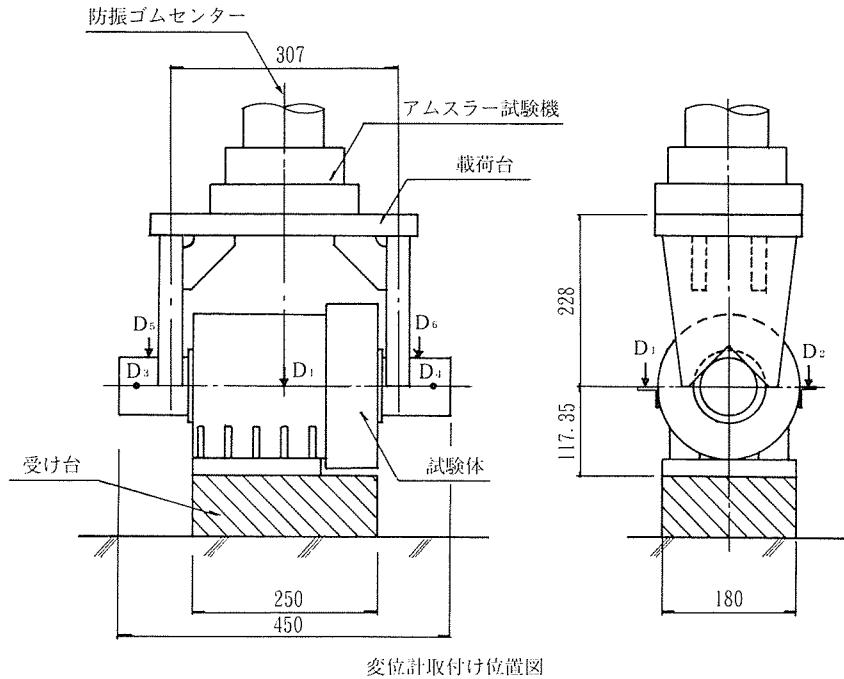


図-10 防振ゴムのバネ定数の測定

軸直角方向圧縮量を変位計で検出した。

防振ゴムのバネ定数は、荷重間隔 0.2 tf とし 2 tf まで載荷し、各々の載荷点におけるゴムの変位を測定して荷重一変位曲線を描き、これの平均勾配を求めて算出した。

変位の測定は、疑似斜材の左右 2 点を平均することとし、防振ゴムを挿入している鋼管本体の変位も測定してこれを疑似斜材の変位から差し引き防振ゴムそのものの変位を取り出すものとした。

載荷は防振ゴムの各タイプごとに 3 回繰り返し、各々についてバネ定数を算出した。

それぞれの防振ゴムの仕様と計測結果および計算値を表-1 および表-2 に示す。計算値と測定値は比較的よく

表-2 防振ゴムのバネ定数

(単位 : kgf/cm)

	TYPE-A		TYPE-B	TYPE-C
	ゴム硬度 45°		ゴム硬度 70°	
締付け回数	4.0 回転	3.0 回転	3.0 回転	3.5 回転
測定 1 回目	1.57×10^4	1.11×10^4	2.29×10^4	3.45×10^4
測定 2 回目	1.75×10^4	1.25×10^4	2.71×10^4	4.37×10^4
測定 3 回目	1.76×10^4	1.25×10^4	2.77×10^4	4.43×10^4
平均	1.69×10^4	1.20×10^4	2.59×10^4	4.08×10^4
計算値	1.43×10^4	1.01×10^4	2.95×10^4	4.03×10^4

合致することが判明し、計算方法の実用性が確認された。

4. 防振ゴムのバネ定数と斜材の二次曲げ応力

4.1 二次曲げ応力の計算

斜材は防振ゴムの部分で、振動によって発生する定着部の二次曲げ応力を緩和することができる。

バネ支承を有する、軸力を受けたケーブルの二次曲げモーメントは次の式を用いて計算することができる。

$$M_{0 \leq X \leq l_0} = EI\lambda \{ K\delta e^{-\lambda l_0} e^{\lambda X}/2T + (K\delta e^{-\lambda l_0} e^{\lambda X}/2T - K\delta/T + \phi_0) \times e^{-\lambda X} \} \quad (8)$$

$$M_{l_0 < X \leq l} = EI\lambda (K\delta e^{\lambda l_0}/2T + K\delta e^{-\lambda l_0}/2T - K\delta/T + \phi_0) \times e^{-\lambda X} \quad (9)$$

ここで、

$$\delta = (l_0 \tan \phi_0 - \phi_0/\lambda + \phi_0 e^{-\lambda l_0}/\lambda) / \{1 - (-2 e^{-\lambda l_0}/P\lambda + 3/2 T\lambda - l_0/T + e^{-2\lambda l_0}/2 T\lambda)\}$$

表-1 防振ゴムの仕様

	TYPE-A	TYPE-B	TYPE-C
H_s (度)	45°	70°	70°
D (cm)	18.01	18.01	18.01
ϕ_0 (cm)	10.09	10.03	10.05
h (cm)	4.205	4.205	4.205
l_0 (cm)	21.73	21.90	21.92
r (cm)	4.8	4.8	4.8
A_s (cm ²)	111.1	111.1	111.1

記号の説明

H_s : JIS ゴム硬度

D : ゴムの外径 (鋼管内径)

ϕ_0 : ゴムの内径 (鋼管内径 - 2t, t はゴムの厚さで実測)

h : ゴムの厚さ = (D - ϕ_0) / 2, ϕ は斜材の直径

l_0 : ゴムの変形前の長さ

r : ゴムの内半径 = $\phi/2$

A_s : U プレートの支圧面積 (SEEE F 500 PH の場合は = 111.1 cm²)

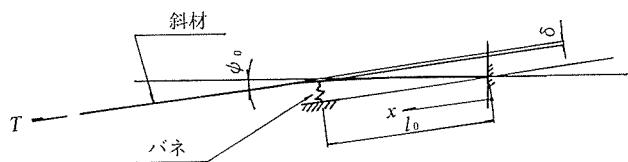


図-11 二次曲げ応力概念図

E ：弹性係数

I : 断面二次モーメント

K ：バネ定数

T ：緊張力

部材の曲げ応力度 σ は曲げモーメント (M) から次のように算出される。

γ : 部材の高さ

図-12 のような F 500 PH の曲げ載荷実験ケースについてストランドの二次曲げ応力を防振ゴムのバネ定数のみを 1 倍から $1/4$ 倍まで変えたときの計算をし、軸方向の応力分布図を描くと図-13 のようになる。

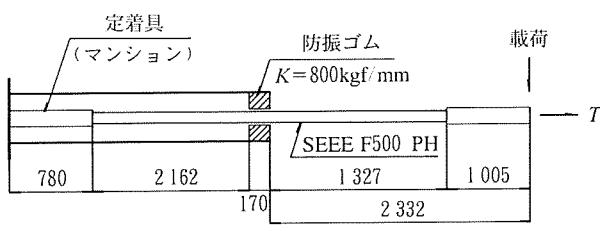


図-12 曲げ載荷実験モデル (SEEE F 500 PH)

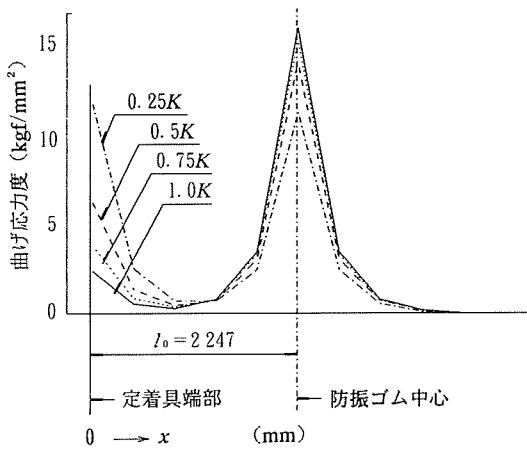


図-13 からは防振ゴムのバネ定数を小さくしていった場合に防振ゴム部でのストランド曲げ応力度の減少率は小さいが、定着具端での応力度の増加率が大きいことがわかる。すなわち防振ゴムのバネ定数を小さくすると防振ゴム部でのストランドの曲げ応力度を多少小さくでき

るが、定着具端部でのストランドの曲げ応力度がより大きくなることを示しており、斜材の振動を十分に吸収できなくなる可能性を示している。

4.2 防振ゴムの最適バネ定数の設定に関して

一般に防振ゴムのバネ定数は、定着具端部と防振ゴム部とのストランドの二次曲げ応力度が等しくなるよう設定される。一方、長大斜長橋になるほど斜材の長さはまちまちとなることから定着具と防振ゴムまでの距離(l_0)も同様に様々混在することとなる。防振ゴムのバネ定数は前述のように硬度と形状によりほぼ決定される。また防振ゴムはプレハブ製品の場合、高価な金型が必要であることからその種類を多くすることははなはだ不経済なことになる。したがって適当な範囲内で同一形状のものを数多く適用していくことになる。

図-14 は定着具端 ($x=0$) と防振ゴム中心部 ($x=l_0$) のストランドの二次曲げ応力度を図-12 の諸元を基本として $1 \cdot l_0$ と $2 \cdot l_0$ の 2 ケースを防振ゴムのバネ定数を変えていった場合について計算し、その変化を示したものである。 $2 \cdot l_0$ の場合の定着具端と防振ゴム中心部の曲げ応力度が等しくなる点（交点）のバネ定数は $K=100$ kgf/mm で、 $1 \cdot l_0$ の場合は $K=210$ kgf/mm と示される。

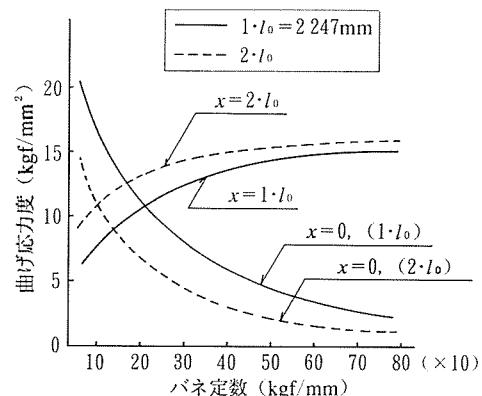


図-14 二次曲げ応力度

防振ゴムのバネ定数を $1 \cdot l_0$ (実) 線の交点の $K=210$ kgf/mm とした場合はストランドの二次曲げ応力度は $\sigma_x=13$ kgf/mm² であるが、 $2 \cdot l_0$ (点) 線の交点の $K=100$ kgf/mm とした場合、 $1 \cdot l_0$ での定着端部が $\sigma_0=17$ kgf/mm² とかなり大きな値となってしまう。このことから防振ゴムのバネ定数はグループ内の最大値を探っておく方が適当であるということができる。

5. おとめ

以上の検討結果をまとめて、次のように記すことができる。

- 1) 斜材の定着部近傍には斜材の振動を吸収するため

◇研究報告◇

に防振ゴムを装着する必要があるが、これの装着を簡易にかつ確実なものにする方法について確認することができた。

- 2) 斜材の二次曲げ応力推定のために必要な防振ゴムのバネ定数の算出方法が確認できた。
- 3) 防振ゴムの最適バネ定数から決定される防振ゴムの設計が容易となった。

あとがき

斜材そのものを振動から完全に制御するためには、剛性の高い構造とする必要があるであろう。しかしながら斜張橋が本来持っている優美な景観と任意性とを一方的に犠牲にすることは今後も取り得ないものと考えられる。

また経済性から考えると、斜材に要求される機能として、製造の確実性、品質保証、運搬、架設、緊張および再緊張の難易など多方面の事柄が総合的に検討されなければならない。

本文は、斜材の振動による定着具の二次曲げ応力緩和

の対策の一方法である防振ゴムの設置方法に関する新機構についての紹介とこれの実用化についての研究を報告したもので、一応の成果を得たものである。

本報告が今後の斜張橋建設計画の参考になれば幸いであると考える。

参考文献

- 1) 館石、石橋ほか：PC 斜張橋斜材定着部の振動対策（ダンパー）について、コンクリート工学年次論文報告集 11-1 (1989)
- 2) 横山、日下部：斜張橋ケーブルの風による振動と対策、橋梁と基礎 (1989. 8)
- 3) 日本道路公団：名港西大橋工事誌
- 4) 佐賀県：呼子大橋工事誌
- 5) T. A. Wyatt : Secondary Stress in Parallel Wire Suspension Cable, ASCE, ST 7, pp. 37~59, 1980.
- 6) 桜井豊三：固定梁の軸張力実用計算法、土木学会誌, 26 卷, 5 号, pp. 573~597, 1940.
- 7) (社)日本鉄道車両工業会：防振ゴム
- 8) OIKAWA, K., OHHASI, W. ほか : Development of a Prefabricated Stay Cable with Vibration Absorber Rubber in its Anchorage.

【1993年5月13日受付】

◀刊行物案内▶

PC 技術の役割と発展

＜第20回 PC 技術協会講習会テキスト＞

(平成4年2月)

頒布価格：4 500 円 (送料：450 円)

内 容：プレストレスコンクリートの国際動向と役割 [池田尚治] / プレストレス導入理念の拡大と応用 [六車 熙] / 最近における PC 構造の展開と新材料 [山崎 淳, 近藤真一, 石橋悦治, 材寄 勉] / 都市内 PC 橋計画の手引—PC 橋のフォルムー [池田尚治] / 各地における注目すべき構造物 [各開催地域の講師] / PC 連結された設計・施工について [西川和廣, 篠作光一, 杉山 純, (社) プレストレスト・コンクリート建設業協会]