

## 水道用 PC タンクの耐震設計について

近 藤 功 百\*

### 1. はじめに

PC タンクは、その経済性や維持管理の容易性等が評価され、全国の水道事業体で非常に多く採用されるようになった。水道用 PC タンクは、水源から給水装置に至る水道システムの中にあって、浄水池または配水池として用いられ、給水量の時間的変動の調整、渴水、停電時等の貯水機能を持つ配水施設の中心施設である。また最近では、東海大地震の危険が予測されることから、これらの多くは、地震災害時の応急給水用の拠点施設として計画されているものもあり、災害時の市民の生命を守る重大な使命を持つことから十分な安全性が必要である。しかし我が国における水道用 PC タンクの歴史は二十数年と比較的浅く、大地震に対する経験も少なく、先の宮城県沖地震（昭和 53 年 6 月）に際しては、水道用 PC タンクの崩壊事故も発生しており、慎重な検討により十分な耐震対策が望まれる。

ここ十数年間における地震関係の研究、耐震設計法および施設・構造物の耐震工法についての進歩発展は著しいものがあるが、水道用 PC タンクの耐震設計法について確立されたものもなく、各事業体または施工会社ごとに独自の仕様により、またそれぞれの手法による設計に基づいて建設されているのが現状である。

ここでは、日本水道協会において、久保慶三郎氏を委員長に斯界の権威者を委員に委嘱し、最新の理論・技術を取り入れ「水道施設耐震工法指針・解説」が発刊された。この「指針・解説」を基に、水道用 PC タンクの最も一般的な地上円筒形タンクについて、耐震設計の概要について述べる。

### 2. 耐震設計の基本方針

一般に構造物の耐震設計に当たっては、その施設の構造特性、建設地点周辺の地盤条件を考慮し、それらに適合した耐震設計法により設計を行い、地震時の安全性を確認することが必要である。

水道用 PC タンクの構造特性は、地上に設けられるところから慣性力の影響が大きく、水そう内の水は H.W.L. と L.W.L. の間で変動する。地震時にはこれらの水は動水圧や水面動搖として影響する。

\* 名古屋市水道局業務部緑業務所所長

また構造体に比して、水の重量が大きいので基礎地盤の十分な調査に基づいて、適切な基礎構造を選定することが重要である。

耐震設計の手順は、一般的には図-1 に示すとおりである。

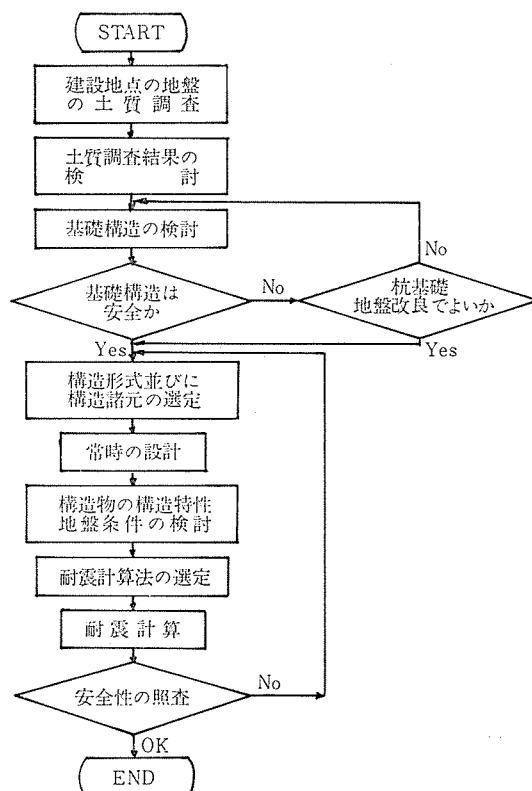


図-1 耐震設計の手順

### 3. 水道用 PC タンクの固有周期

耐震計算法の選定の目やすは、その固有周期によるものとされているが、水道用 PC タンクの固有周期は次式によって求めてよい。

#### (1) 空虚時 PC タンクの固有周期

$$T = \frac{\pi \cdot h^2}{d} \sqrt{\frac{2q}{3gE}} \left\{ 1 + 12 \left( \frac{d}{h} \right)^2 \right\} \quad (\text{sec}) \cdots (1)$$

#### (2) 満水時 PC タンクの固有周期

$$T = \frac{\pi \cdot h^2}{d} \sqrt{\frac{2q'}{3gE}} \left\{ 1 + 12 \left( \frac{d}{h} \right)^2 \right\} \quad (\text{sec}) \cdots (2)$$

ここに、

$$q' = q + \frac{r \cdot d}{2t} \cdot \frac{\tanh\left(\frac{\sqrt{3} \cdot d}{h}\right)}{\frac{\sqrt{3} \cdot d}{h}} \quad (\text{kg/cm}^3)$$

(3) 貯留水の固有周期

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{d \cdot \coth\left(0.586 \pi \cdot \frac{h}{d}\right)}{0.586 \pi \cdot g}} \quad (\text{sec}) \dots (3)$$

ここに、

$T$ : 固有周期 (sec)

$h$ : 水そうの高さ (cm)

$d$ : 水そうの半径 (cm)

$q$ : 壁体の単位容積重量 ( $\text{kg}/\text{cm}^3$ )

$r$ : 水の単位容積重量 ( $\text{kg}/\text{cm}^3$ )

$t$ : 水そうの側壁厚 (cm)

$E$ : 側壁コンクリートのヤング係数 ( $\text{kg}/\text{cm}^2$ )

$g$ : 重力の加速度 ( $\text{cm}/\text{sec}^2$ )

#### 4. 水道用 PC タンクの耐震計算法

地震時の構造物の振動は、構造物の特性によって異なり、地上部の構造物は同じであっても基礎構造や地盤条件が異なれば地震時には異なった挙動を示す。しかし水道用 PC タンクの固有周期は、一般に空虚時で 0.1 sec 以下、満水時でも 0.2 sec 以下のものが大部分であることから、原則的には、震度法の範囲にある。このことから水道用 PC タンクの耐震計算は、震度法によるものとし、設計震度は次式で求める。

(1) 設計水平震度  $k_h$

$$k_h = A_1 \cdot A_2 \cdot A_3 \cdot k_0 \dots (4)$$

ここに、

$k_0$ : 標準設計水平震度 0.2 とする。

$A_1$ : 地域係数 地域区分 (表-1) による。

表-1 地域係数 ( $A_1$ )

地域区分	地域係数 $A_1$
A	1.0
B	0.85
C	0.7

注) 地域区分は、建設省告示第 1,621 号 (昭和 53 年 10 月 20 日) による。

$A_2$ : 地盤の特性による補正係数 (表-2) による。

$A_3$ : 構造物の種別による補正係数は 1 とする。

(2) 地中構造物に用いる水平設計震度  $k_h'$

$$k_h' = \frac{3}{4} A_1 \cdot k_0 \dots (5)$$

$A_1, k_0$  は (1) によるものとし、地中構造物の耐震計算に当たっては、計算基盤面の震度  $k_h'$ 、地表面における震度は  $k_h$  とする。

表-2 地盤の種別による補正係数 ( $A_2$ )

区分	地盤種別 <sup>1)</sup>	係数
1種	(1) 第三紀以前の地盤 (以下岩盤と称する) (2) 岩盤までの洪積層 <sup>2)</sup> の厚さが 10m 未満	0.9
2種	(1) 岩盤までの洪積層の厚さが 10m 以上 (2) 岩盤までの冲積層 <sup>3)</sup> の厚さが 10m 未満	1.0
3種	冲積層の厚さが 25m 未満かつ軟弱層の厚さが 5m 未満	1.1
4種	上記以外の地盤	1.2

- 注) 1) 地盤種別は一応の目安を示したものであるから、建設地点の状況に応じて係数を判断する。ここでいう地層の厚さは地表面からの厚さとする。  
2) 洪積層の締まった砂層、玉石層をふくむ。  
3) がけくずれなどによる新しい堆積層をふくむ。

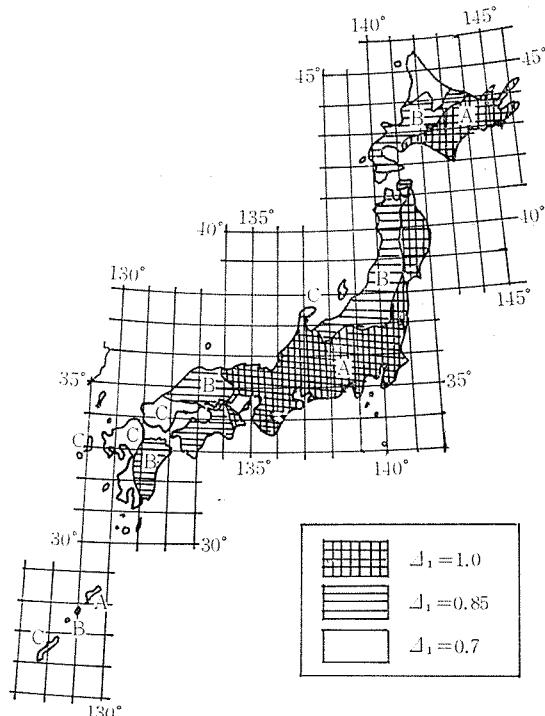


図-2 地域区分図

(3) 設計鉛直震度  $k_v$

$$k_v = \frac{1}{2} k_h \dots (6)$$

(注) 動的解析法について

一般的の水道用 PC タンクでは、特に動解析の必要性は少ないが、特に大規模なもの、軟弱地盤上に建設するもので地盤による地震動の増幅作用をより正確に考慮すべき場合などは、前述の震度法により設計されたものについて、適切な解析モデルを設定して動解析により、さらに詳細な地震時挙動を把握することが望ましい。動解析による検討は次のいずれかによる。

1) 応答スペクトル法

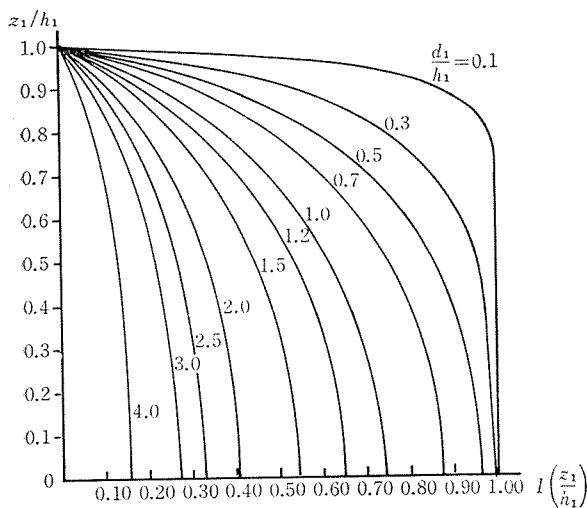
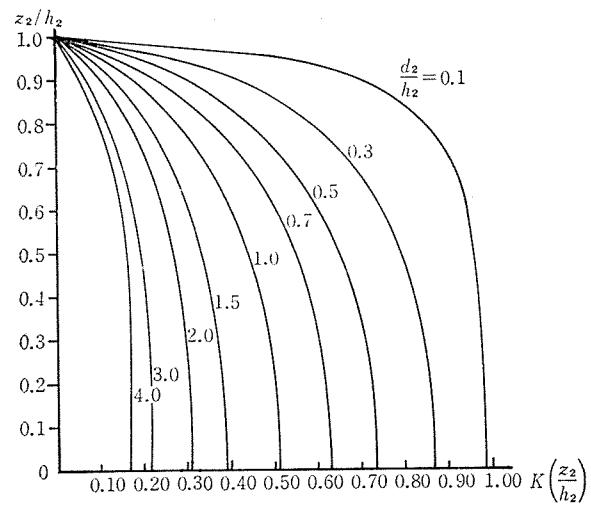
2) 時刻歴応答解析法

動的解析法に用いる地震動の特性は、建設地点の地盤条件やその地域の地震活動の特性を考慮して定める。

#### 5. 地震の影響

水道用 PC タンクの耐震設計に当たっては、地震時の



図-5  $I\left(\frac{z_1}{h_1}\right)$  の計算図図-6  $K\left(\frac{z_2}{h_2}\right)$  の計算図

5 に示す。

## (2) 水そう外部の動水圧

二重水そうの場合にあっては、内側水そうの外部に作用する外部動水圧は次式による。

$$\begin{aligned} P'(\theta, z_2) &= k_h \cdot r \cdot d_2 \cos \theta \sum_{i=0}^{\infty} \frac{(-1)^i}{\lambda_i} \\ &\quad \cdot K^{(i)}\left(\frac{d_2}{h_2}\right) \cdot \cos \lambda_i \frac{z_1}{h_1} \\ &= k_h \cdot r \cdot d_2 \cos \theta K\left(\frac{z_1}{h_1}\right) \quad (\text{kg/cm}^2) \end{aligned} \quad \dots \quad (11)$$

ここに、

$d_2$ : 水そうの外径 (cm)

$$K^i\left(\frac{d_2}{h_2}\right) = \frac{2}{\frac{d_2}{h_2}} \cdot \frac{K_1\left(\lambda_i \frac{d_2}{h_2}\right)}{\lambda_i K_0\left(\lambda_i \frac{d_2}{h_2}\right) - \frac{h_2}{d_2} K_1\left(\lambda_i \frac{d_2}{h_2}\right)}$$

$K_0, K_1$ : 第2種変形ベッセル関数

$$K\left(\frac{z_2}{h_2}\right) = \sum_{i=0}^5 \frac{(-1)^i}{\lambda_i} K^i\left(\frac{d_2}{h_2}\right) \cos \lambda_i \frac{z_2}{h_2}$$

6 に示す。詳細については、文献 1) の 36 頁 (表 9(a)) および 44 頁 (表 10(a)) による。

## 5.3 地震時土圧

地震時土圧は、次による。

- 1) 地震時水平土圧は、物部・岡部土圧公式による。
- 2) 地震時水平土圧は、土の粘着力の有無を考慮して算定するものとする。

算定式については、文献 1) の 1.5.2 による。

水道用の地上式 PC タンクにあっては、地震時における安定計算および満水時の応力等の検討に当たって土圧による効果は期待しない。

## 5.4 水面動揺

## (1) 水面動揺の固有周期

$$T_w = \frac{2\pi}{\omega_n} \quad (\text{sec}) \quad \dots \quad (12)$$

ここに、

$$\omega_n = \sqrt{\frac{g \lambda_n}{d} \cdot \tanh\left(\lambda_n \frac{h}{d}\right)}$$

$\lambda_n$  は表-3 による (一般に  $n=1$  とする)。

表-3  $\lambda_n$  の値

$n$	1	2	3	4	5
$\lambda_n$	1.841	5.332	8.536	11.71	14.86

$d$ : 水そうの半径 (cm)

$h$ : 水深 (cm)

$g$ : 重力加速度 (cm/sec<sup>2</sup>)

## (2) 液面揺動高さ

$$h_{on} = \frac{4\pi^2 D_G d}{g T_w^2} \{0.837 A_{on} + 1\} \quad (\text{cm})$$

.....(13)\*

ここに、

$h_{on}$ : 等価入力波数  $n$  の場合の水面高さ (cm)

$D_G$ : 地震動の振幅 (cm)

$d$ : 水そうの半径 (cm)

$T_w$ : 水の振動の固有周期 (sec)

$g$ : 重力の加速度 (cm/sec<sup>2</sup>)

$A_{on}$ : 等価入力波数  $n$  の値に応じ、表-4 の値を原則とする。

表-4  $A_{on}$  の値 (減衰定数 0.1% の場合)

$n$	1	2	3	4	5
$A_{on}$	33	6.5	9.3	13	18

\* 新耐震設計法 (案) による。

## 報 告

この式は、水そう内の水の基本固有周期に一致した周期を持つ正弦波状の地震動が作用した場合に生ずる水面振動の高さの最大値を求めるものである。等価入力波数  $n$  は、3~4 波を考慮する。

### 6. 地震時側壁の断面力の算定

水道用 PC タンクの側壁断面力の算定は、薄肉円筒シェル構造として行われるが、地震時における地震力は、非対称荷重として作用することから解析が複雑になる。

このことから原則として有限要素法を用いた、震度法による静解析とする。有限要素法による解析は、解析モデルにより種々の方法があるが、タンク側壁の解析法としては、薄肉円筒シェル要素による解析が、要素の形状が正確に表現できる等精度の高い解が得られることから、薄肉円筒シェル要素を用いた有限要素法によることを原則とする。

薄肉円筒シェル要素による有限要素法の概要を示せば次のようにある。

#### 6.1 有限要素法の概要

円筒 PC タンクを図-7 に示すように、軸対称シェルとして、対称軸に垂直で相互に近接する 2 つの平面で切断し、その切断線を 1 つの節線と考え、節線で互いに連結した円筒要素の集合体と考える。

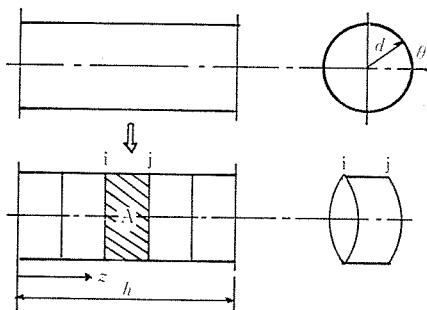


図-7 円筒タンクの円筒要素モデル

今軸対称シェルに非対称荷重が作用する場合には、殻(から)の中央断面上の点の移動を表わすためには、変位 3 成分  $u$  (軸方向変位),  $v$  (円周方向変位),  $w$  (半径方向変位) および回転角  $β$  が必要であり、これに対応する外力は、 $V$ ,  $T$ ,  $H$  および曲げモーメント  $R$  である。今代表要素 A について、節線変位および要素変位を次式で定義する。

$$\text{節線 } i \{ \vec{u} \}_i = [u_i, v_i, w_i, \beta_i]^T \quad \dots \dots \dots (14)$$

$$\text{節線 } j \{ \vec{u} \}_j = [u_j, v_j, w_j, \beta_j]^T \quad \dots \dots \dots (14)$$

$$\text{要素 } A \{ \vec{u} \}_A = [\{ \vec{u} \}_i, \{ \vec{u} \}_j]^T$$

$$= [u_A, v_A, w_A, \beta_A]^T \quad \dots \dots \dots (15)$$

ここに、

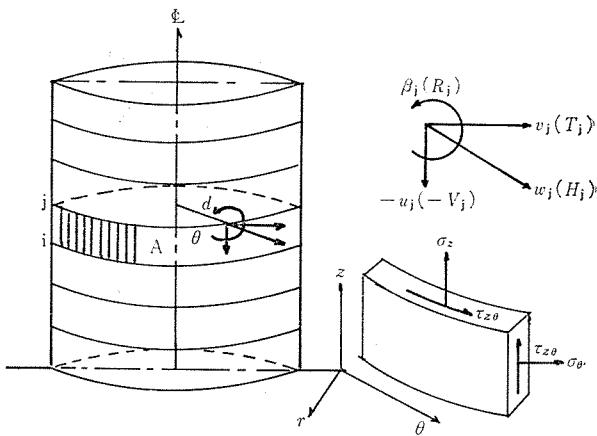


図-8 要素の変位、外力成分および応力成分

$u_A$ : 軸方向変位

$v_A$ : 円周方向変位

$w_A$ : 半径方向変位

$β_A$ : 回転角

これに対応する節線外力および要素外力を次式で定義する。

$$\text{節線 } i \{ \vec{f} \}_i = [V_i, T_i, H_i, R_i]^T \quad \dots \dots \dots (16)$$

$$\text{節線 } j \{ \vec{f} \}_j = [V_j, T_j, H_j, R_j]^T \quad \dots \dots \dots (16)$$

$$\text{要素 } A \{ \vec{f} \}_A = [\{ \vec{f} \}_i, \{ \vec{f} \}_j]^T$$

$$= [V_A, T_A, H_A, R_A]^T \quad \dots \dots \dots (17)$$

ここに、

$V_A$ :  $z$  軸方向力

$T_A$ : 円周方向力

$H_A$ : 半径方向力

$R_A$ : 曲げモーメント

次に式 (14)~(17) で定義された変位と外力が、円周方向にフーリエ級数に展開できたとして、これを要素 A について示せば、次式で示される。

$$\begin{aligned} \{ \vec{u} (z, \theta) \}_A &= \begin{pmatrix} u_A(z, \theta) \\ v_A(z, \theta) \\ w_A(z, \theta) \\ \beta_A(z, \theta) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sum_{n=0}^m u_{nA}(z) \cos n\theta \\ \sum_{n=0}^m v_{nA}(z) \sin n\theta \\ \sum_{n=0}^m w_{nA}(z) \cos n\theta \\ \sum_{n=0}^m \beta_{nA}(z) \cos n\theta \end{pmatrix} \\ &= \sum_{n=0}^m \begin{pmatrix} \cos n\theta & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \sin n\theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \cos n\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \cos n\theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} u_{nA}(z) \\ v_{nA}(z) \\ w_{nA}(z) \\ \beta_{nA}(z) \end{pmatrix} \\ &= \sum J_n \{ \vec{u}_n(z) \}_A \quad \dots \dots \dots (18) \end{aligned}$$



## 報 告

$P_i, P_j$  を求めると

$$\begin{aligned} P_i &= p_i \cdot \pi d_1 = 1/6 \{2 f_{(zi)} + f_{(zj)}\} \pi d_1 l \text{ (kg)} \\ P_j &= p_j \cdot \pi d_1 = 1/6 \{f_{(zi)} + 2 f_{(zj)}\} \pi d_1 l \text{ (kg)} \end{aligned} \quad \dots \dots \dots (22)$$

ここに、

$d_1$ : 円筒要素の半径 (cm)

$l$ : 要素の幅 (cm)

$f_{(zi)}, f_{(zj)}$ : i 点, j 点における外力の分布荷重強度 ( $\text{kg}/\text{cm}^2$ )

### (4) 拘束条件

拘束条件は、側壁と底版の支承条件に応じて次による。  
 $z=0$ において、

$$\left. \begin{array}{ll} \text{固定支承} & u=v=w=\beta=0 \\ \text{ヒンジ支承} & u=v=w=0 \\ \text{自由支承} & u=v=0 \end{array} \right\} \quad \dots \dots \dots (23)$$

水道用 PC タンクでは、一般にドーム等の屋根を設けるが、この場合にあっては、その取付け部の条件に応じて、頂部要素の剛性を増加するか、または前述の拘束条件を加えればよい。

### 6.3 安全性の照査

安全性の照査に当たっては、常時の応力と前述の地震応力を加え、それぞれ地震時の許容応力度以内にあることを確かめる。PC タンクの許容応力度は、それぞれの荷重の組合せに応じて、文献 3) によるが、地震時の割増係数は 1.5 とする。

なお本解析法においては、軸方向応力 ( $\sigma_z$ )、円周方向応力 ( $\sigma_\theta$ ) およびせん断応力 ( $\tau_{\theta z}$ ) であるが、支持部が固定法による場合には、本解析法では評価できない、半径方向応力 ( $\sigma_r$ )、断面内中立軸に沿うせん断応力 ( $\tau_{rz}$ ) が支持部に生ずるので、十分な配筋を行う等の配慮が必要である。

その他に、ヒンジ支持の場合には地震時のベースシャーに対する検討が必要であり、自由支持の場合にあっては地震時のベースシャーおよび側壁の転倒に対する検討が必要である。

### 6.4 水そう基礎、支持部の評価方法

前述の「薄肉円筒シェル要素を用いた有限要素法」による解析では、水そう支持部の解析精度が落ち、また解析できない応力が生ずる。

また、基礎地盤等を含めた解析はできないのでこれらの解析が必要な場合には、「3 角要素等による、非対称荷重を受ける回転体としての有限要素法」による解析（文献 6）参照）を行うことが望ましい。

## 7. 安定計算

安定計算は、地震時の動水圧、負載荷重および軸体の

慣性力、底版にかかる動水圧を考慮して行う。

この場合の地震力の算定には、Housner の計算式（文献 1）、1.13.2 を参照）が簡明であり、これによってよい。

安定計算に当たっては、水そうを剛体として扱い、支持力、転倒、滑動および変位量の照査を行う。直接地盤上に設ける場合の概要を示せば次のようである。

### 7.1 支持力

地盤強度から決まる許容支持力は、荷重の偏心傾斜を考慮した地盤の極限支持力を用い次による。

$$Q_a = \frac{1}{n} Q_u \text{ (kg)} \quad \dots \dots \dots (24)$$

ここに、

$Q_u$ : 地盤の許容支持力 (kg)

$n$ : 安全率、原則として 2 とする。

### 7.2 転 倒

基礎底面における荷重の作用位置は、地震時において基礎外縁端より 1/6 内側にあればよい。

### 7.3 滑 動

滑動抵抗は、基礎底面と地盤との間の粘着力および摩擦角によって次による。

$$H_u > n H_g \quad \dots \dots \dots (25)$$

ここに、

$$H_u = C_B' A' + P \tan \phi_B$$

$H_g$ : 地震時水平力 (kg)

$H_u$ : 滑動抵抗力 (kg)

$P$ : 底面に作用する鉛直力 (kg)

$A'$ : 底面の有効面積 ( $\text{cm}^2$ )

$C_B'$ : 底面と地盤との粘着力 ( $\text{kg}/\text{cm}^2$ )

$\phi_B$ : 底面と地盤との摩擦角 (度)

コンクリートと土……土の内部摩擦角の 2/3

“ と岩盤…… $\tan \phi_B = 0.6$

$n$ : 安全率、原則として 1.2 とする。

## 8. おわりに

水道用 PC タンクの耐震設計の概要について述べたが、PC タンクについては、施工会社により構造、施工方法に相違があり、立地条件もそれぞれ異なることから、実際の設計に当たっては各々の特性に応じた検討が必要である。また最近の耐震に関する研究、技術の進歩はめざましく、特に種々の地震動入力を用いた動解析により地震時の挙動の把握が可能になる等耐震対策の向上に大きく寄与している。しかし PC タンクについては、入力地震動、水と構造物および基礎地盤との連成等まだ不明な面も多く、より適切な解析法の確立が望まれる。

この文は、「水道施設耐震工法指針・解説」に基づいて

ており、末尾ながら久保委員長はじめ委員の方々に感謝いたしますとともに、紙面の都合で省略した部分、また筆者の不勉強のため適切でない部分もあろうと思われますので、皆様の御教授をお願い申し上げます。

## 参考文献

- 1) 日本水道協会：水道施設耐震工法指針・解説、1979年版

- 2) 建設省土木研究所：新耐震設計法（案）、土木研究技術資料第1185号、昭和52年3月
- 3) 日本水道協会：水道用プレストレストコンクリートタンク標準仕様書、昭和55年3月
- 4) 川股：シェル構造解析、日本鋼構造協会、培風館
- 5) 岩橋、松尾、栗原：薄肉円筒シェル要素を用いた有限要素法とその応用、電力中研技研報告No.71012
- 6) 桜井、栗原、岩橋、矢島：PC調圧水槽の耐震性の検討、電力中研技二研究報告No.72509

## ◀刊行物案内▶

## 第21回研究発表会講演概要

体 裁：B5判 52頁

定 価：1500円 送 料：250円（巻末の200円は誤記につきお詫びして訂正いたします）

内 容：(1) PC鋼棒の遅れ破壊特性について、(2) 鋳物定着具のコンクリート耐荷性能について、(3) アンボンド工法用定着具の低サイクル疲労試験法について、(4) アンボンド工法用CCL定着具の性能試験、(5) 海洋コンクリート構造物の基礎的研究（その2 接合部の動的挙動）、(6) コンクリートの自己ひずみによるPC架構応力の略算法、(7) PC中空床版曲線橋の解析と実験、(8) プレストレスト鉄筋コンクリートはりの長期曲げひび割れ幅について、(9) 補強筋をもつPC鋼材定着部の破壊機構および強度について、(10) PRC梁断面の履歴性質に関する解析的研究、(11) II、III種PC桁の実用化に関する研究、(12) III種PCはりの力学的性質に関する基礎研究、(13) 横補強コンクリートによるアンボンド梁の韌性改善、(14) 超高強度コンクリートの力学的性質に関する研究、(15) PC板埋設型枠工法に関する研究、(16) 「特別講演」プレストレストコンクリートと建築（特別講演に限り概要はありません）、(17) 出雲大社新神楽殿の設計・施工、(18) 一宮地方総合卸売市場の構造設計と施工概要、(19) 大阪国際空港誘導路のPCプレキャスト版舗装工事報告、(20) 下路PC桁の押出し工法による架設および試験（仙山線・上杉山架道橋）、(21) 鳥飼連絡線真砂PC工事、PC単純箱桁ブロック工法の施工について、(22) PC鉄道橋の支承部の補修について、(23) 鹿島線涸沼川橋りょうの施工について、(24) 押出し工法による九戸坂橋の設計と施工について、(25) 一本杉公園PC斜張橋の設計施工について

## ◀刊行物案内▶

## プレストレストコンクリート橋の設計・施工上の最近の諸問題

体 裁：A4判 116ページ

定 価：1500円 送 料：450円

内 容：(1) PC橋の施工開始前の諸問題、(2) PC橋の工事ならびに施工管理について、(3) 新しいPC設計方法について、(4) 最近の話題の橋梁  
お申込みは代金を添えて、(社)プレストレストコンクリート技術協会へ